

Przedmowa.....	9
1. WSTĘP, NOTACJA I ZESTAWIENIE RÓWNAŃ MECHANIKI CIAŁA SPRĘŻYSTEGO....	11
1.1. Wprowadzenie	11
1.2. Układ treści	13
1.3. Zestawienie równań liniowej teorii sprężystości	14
1.4. Zastosowane oznaczenia i przyjęta notacja	22
1.5. Redukcje równań do osiowego i płaskich stanów naprężenia.....	23
1.5.1. Osiowy stan naprężenia	24
1.5.2. Płaski stan naprężenia	25
1.6. Wzory transformacyjne i koła Mohra w płaskim stanie naprężenia.....	30
1.6.1. Transformacja składowych płaskiego stanu naprężenia	30
1.6.2. Konstrukcja kół Mohra	33
2. PROSTE ZGINANIE JEDNORODNYCH PRĘTÓW PRYZMATYCZNYCH.....	44
2.1. Opis zagadnienia i podstawowe założenia	44
2.2. Równania równowagi wewnętrznej w siłach przekrojowych	47
2.3. Stan przemieszczenia i odkształcenia oraz związki kinematyczne	49
2.4. Stan naprężenia i związki fizyczne.....	52
2.5. Zależności między naprężeniami a siłami przekrojowymi.....	54
2.6. Równanie równowagi wewnętrznej belki w przemieszczeniach.....	61
2.7. Rozwiązania elementarnych zagadnień brzegowych	63
2.7.1. Belki obciążone równomiernie	63
2.7.2. Belki obciążone momentem na brzegu	67
2.7.3. Belki obciążone siłą	69
2.8. Analiza stanu naprężenia w obszarze belki	72
3. UOGÓLNIENIA W TEORII ZGINANIA PRĘTÓW	79
3.1. Belki na podłożu sprężystym.....	79
3.2. Belki o zmiennej sztywności	81
3.3. Uwzględnienie wpływu sił poprzecznych na ugięcie.....	83
3.4. Obliczanie naprężeń w belkach o przekroju nieprostokątnym	88
3.4.1. Przekroje z jedną osią symetrii	89
3.4.2. Symetryczne przekroje cienkościenne	93
3.4.3. Niesymetryczne przekroje cienkościenne.....	99
3.5. Zginanie ukośne.....	101
3.5.1. Naprężenia normalne	102
3.5.2. Deformacja pręta.....	105
3.5.3. Naprężenia styczne	108

3.6. Zginanie z udziałem siły podłużnej	111
3.6.1. Równanie osi obojętnej	112
3.6.2. Rdzeń przekroju	115
4. WYZNACZANIE PRZEMIESZCZENIA BELEK	121
4.1. Sformułowanie zagadnienia	121
4.2. Rozwiązania zadań z jednym przedziałem całkowania	124
4.3. Rozwiązania belek o kilku przedziałach całkowania	127
4.3.1. Sposób Clebscha do belek ciągłych bezprzegubowych	127
4.3.2. Metoda parametrów początkowych w belkach ciągłych bezprzegubowych	134
4.3.3. Wyznaczanie przemieszczenia belek ciągłych przegubowych	138
4.4. Belki na podłożu sprężystym	142
4.4.1. Wyprowadzenie ogólnego rozwiązania	142
4.4.2. Przykłady rozwiązań zagadnień brzegowych	144
4.4.3. Metoda parametrów początkowych	150
5. METODY PRZYBLIŻONE OBLICZANIA PRĘTÓW ZE WSTĘPEM DO MES	153
5.1. Zagadnienie prętów obciążonych osiowo	153
5.1.1. Sformułowanie różniczkowe zagadnienia brzegowego	154
5.1.2. Zasada pracy wirtualnej z wirtualnym przemieszczeniem	156
5.1.3. Zasada zachowania energii mechanicznej	159
5.1.4. Zasada minimum energii potencjalnej	161
5.1.5. Metoda Galerkina	165
5.1.6. Metoda Ritza	169
5.1.7. Wstęp do metody elementów skończonych	173
5.1.8. Nazewnictwo i interpretacje metody elementów skończonych	178
5.2. Pręty zginane w płaszczyźnie	182
5.2.1. Sformułowanie lokalne i energia potencjalna belki	182
5.2.2. Idea metody elementów skończonych w przypadku belki	184
5.2.3. Terminologia i interpretacje metody elementów skończonych dla belki	188
5.2.4. Przykład liczbowy zastosowania MES	193
6. ROZWIĄZANIA TECHNICZNE BELEK	202
6.1. Wprowadzenie	202
6.2. Połączenia elementów belek złożonych	203
6.2.1. Połączenia spawane	204
6.2.2. Połączenia śrubowe	206
6.3. Belki złożone	208
6.4. Belki zespolone	214
6.4.1. Stan przemieszczenia i odkształcenia – związki kinematyczne	215
6.4.2. Stan naprężenia i związki fizyczne	217
6.4.3. Podsumowanie	221
6.4.4. Przykład zastosowania	222
6.5. Belki zbrojone	224
6.5.1. Zasady obliczania	225
6.5.2. Przykłady obliczeń	230
7. NOŚNOŚĆ GRANICZNA KONSTRUKCJI PRĘTOWYCH	234
7.1. Model materiału	235
7.2. Pręt prosty obciążony osiowo	237

7.3. Pręt prosty zginany	239
7.3.1. Założenia i podstawowe zależności	240
7.3.2. Nośność przekroju z dwiema osiami symetrii	241
7.3.3. Nośność przekroju z jedną osią symetrii	250
7.3.4. Nośność belki	252
7.4. Pręt prosty skręcany	265
7.4.1. Nośność przekroju	265
7.4.2. Nośność pręta skręcanego	269
7.5. Zasada mocy wirtualnej i twierdzenia graniczne	272
7.5.1. Zasada pracy i mocy wirtualnej	273
7.5.2. Przeguby plastyczne i rozpraszanie w nich energii	274
7.5.3. Twierdzenia graniczne o szacowaniu nośności	277
7.6. Zastosowania twierdzeń granicznych	281
7.6.1. Belka obciążona siłą	283
7.6.2. Belka obciążona równomiernie	285
8. STATECZNOŚĆ PRĘTÓW ŚCISKANYCH	289
8.1. Wprowadzenie	289
8.2. Wyboczenie prętów idealnych	291
8.2.1. Wyznaczenie siły krytycznej prętów sprężystych	292
8.2.2. Wyboczenie sprężyste i niesprężyste	300
8.2.3. Przykłady analizy stateczności prętów	303
8.3. Wyboczenie z uwzględnieniem imperfekcji	307
8.3.1. Ściskanie pręta z imperfekcją przyłożenia siły	308
8.3.2. Ściskanie pręta z imperfekcją kształtu	310
8.3.3. Ilościowa analiza wpływu imperfekcji przy ściskaniu pręta	312
8.3.4. Nośność sprężysta ściskanego pręta z imperfekcją kształtu	316
8.3.5. Nośność przy ściskaniu w postanowieniach normowych	319
8.4. Przybliżone wyznaczanie siły krytycznej	323
8.4.1. Ekstremum energii potencjalnej i typ równowagi układu	323
8.4.2. Wyznaczanie siły krytycznej z kryterium energetycznego	325
8.4.3. Przykłady oszacowania siły krytycznej	329
Bibliografia	333